

INFORMAČNÍ BULLETIN



České statistické společnosti

Ročník 35, číslo 3, září 2024

Obsah

Vědecké a odborné články

<i>Zdeněk Karpíšek, Veronika Lacinová, Jakub Šácha, Tomáš Pospíšil</i> Lineární regresní model fuzzy časové řady	3
---	---

Zprávy a informace

<i>Pavel Stríž</i> Recenze knihy: Combinatorics – Ancient & Modern	14
<i>Pavel Stríž</i> Rozšířená recenze knihy: Bioinformatics Algorithms – An Active Learning Approach, Vol. I, II	16
<i>Pavel Stríž</i> Recenze knihy: Competitive Programming 4	24
<i>Jiří Rybička</i> Zpráva o konferenci OSSConf 2024	27

Informační bulletin České statistické společnosti vychází čtyřikrát do roka v českém vydání. Příležitostně i mimořádné české a anglické číslo. Vydavatelem je Česká statistická společnost, IČ 00550795, adresa společnosti je Na padesátém 81, 100 82 Praha 10. Evidenční číslo registrace vedené Ministerstvem kultury ČR dle zákona č. 46/2000 Sb. je E 21214. Časopis je sázen v programu $\text{\TeX}$, ve formátu $\text{\LaTeX}$ s písmy balíku $\text{\LaTeX}$.

The Information Bulletin of the Czech Statistical Society is published quarterly.
The contributions in the journal are published in English, Czech and Slovak languages.

Předseda společnosti: doc. Mgr. Ondřej Vencálek, Ph.D., Katedra matematické analýzy a aplikací matematiky, Přírodovědecká fakulta Univerzity Palackého, 17. listopadu 12, 771 46 Olomouc, e-mail: ondrej.vencalek@upol.cz.

Redakce: prof. RNDr. Gejza DOHNAL, CSc. (šéfredaktor), prof. RNDr. Jaromír ANTOCH, CSc., doc. RNDr. Zdeněk KARPÍŠEK, CSc., RNDr. Marek MALÝ, CSc., doc. RNDr. Jiří MICHÁLEK, CSc., prof. Ing. Jiří MILITKÝ, CSc., doc. Ing. Iveta STANKOVIČOVÁ, Ph.D., doc. Mgr. Ondřej VENCÁLEK, Ph.D.

Redaktor časopisu: doc. Mgr. Ondřej VENCÁLEK, Ph.D., ondrej.vencalek@upol.cz.
Informace pro autory jsou na stránkách společnosti, <http://www.statspol.cz/>.

DOI: 10.5300/IB, <http://dx.doi.org/10.5300/IB>
ISSN 1210–8022 (Print), ISSN 1804–8617 (Online)

Toto číslo bylo vytištěno s laskavou podporou Českého statistického úřadu.

LINEÁRNÍ REGRESNÍ MODEL FUZZY ČASOVÉ ŘADY

LINEAR REGRESSION MODEL OF FUZZY TIME SERIES

Zdeněk Karpíšek¹, Veronika Lacinová², Jakub Šácha³,
Tomáš Pospíšil⁴

Adresa: ^{1,4}Odbor statistiky a optimalizace, Ústav matematiky, Fakulta strojního inženýrství, Vysoké učení technické v Brně, Technická 2, 616 69 Brno,

²Katedra kvantitativních metod, Fakulta vojenského leadershipu, Univerzita obrany v Brně, Kounicova 156/65, 662 10 Brno,

³Ústav statistiky a operační analýzy, Provozně ekonomická fakulta, Mendelova univerzita v Brně, Zemědělská 1, 613 00 Brno.

E-mail: ¹karpisek@fme.vutbr.cz, ²veronika.lacinova@unob.cz,

³jakub.sacha@mendelu.cz, ⁴tomin.pos@seznam.cz

Abstrakt: V příspěvku je pomocí fuzzy aritmetiky popsán vliv nepřesností na stanovení lineární aproximace trendu a periodicity vývoje ekonomického ukazatele vyjádřeného časovou řadou. Je prezentováno spojení základního aparátu lineární regresní analýzy, fuzzy aritmetiky a jeho užití pro výpočty odhadů fuzzy hodnot regresních koeficientů a fuzzy hodnot pozorované časové řady.

Klíčová slova: časová řada, lineární regresní funkce, fuzzy časová řada, fuzzy lineární regresní funkce, odhady.

Abstract: This paper describes using fuzzy arithmetic an influence of inaccuracies to determine a linear approximation of trend and periodicity of an economic indicator expressed by a time series. The combination of the basic apparatus of linear regression analysis and fuzzy arithmetic is presented and its use for the calculation of estimates of fuzzy values of regression coefficients and fuzzy values of observed time series.

Keywords: time series, linear regression function, fuzzy time series, fuzzy linear regression function, estimates.

1. Úvod

Motivací k tomuto příspěvku bylo získat odhady trendové a periodické složky časové řady z expertních nebo statistických intervalových odhadů hodnot pozorované ekonomické veličiny (znaku, ukazatele), jejíž dynamiku vývoje tato

časová řada popisuje, a to pomocí regresní analýzy a fuzzy aritmetiky. Důvodem k fuzzy pojetí je skutečnost, že se v praxi obvykle hodnoty časových ekonomických indikátorů berou jako zcela přesné a nerespektuje se fakt, že jsou nepřesné z důvodu působení např. inflace na cenu měnové jednotky, nepřesnosti měření apod. Závěry o aproximaci a predikci dané časové řady z těchto „nefuzzy“ hodnot proto nemusí odpovídat skutečnosti. Tento příspěvek je rozšířením výsledků popsaných v [2] a [3], kde jde o vyjádření neurčitosti pozorovaných hodnot pomocí intervalové analýzy. Nově získané výsledky pomocí fuzzy modelování jsou popsány v Oddílu 3 a 4 tohoto příspěvku.

2. Lineární regresní model časové řady

Znamé pojmy a jejich vlastnosti uvedené v tomto oddílu je možno najít např. v [1], [6], [7].

Časová řada je posloupnost reálných čísel $\mathbf{x} = (x_1, \dots, x_n)$, kde $x_i = x(t_i)$ je pozorovaná hodnota náhodné veličiny X_i v čase t_i , $t_i < t_{i+1}$, $i = 1, \dots, n-1$ a $n > 2$.

Lineární regresní funkce má tvar $x(t) = \sum_{j=1}^m \beta_j f_j(t)$, kde reálné funkce $f_j(t)$ reálné proměnné t neobsahují neznámé parametry a β_j , $j = 1, \dots, m$, jsou **regresní koeficienty**.

Lineární regresní model časové řady $\mathbf{x} = (x_1, \dots, x_n)$ je založen na předpokladu, že hodnoty časové řady jsou hodnoty náhodných veličin $X_i = \sum_{j=1}^m \beta_j f_j(t_i) + E_i$, $m < n$. Pro jednoduchost předpokládáme, že všechny náhodné veličiny E_i mají nulovou střední hodnotu, stejný rozptyl a jsou nekorelované, $i = 1, \dots, n$.

Lineární regresní funkce $x(t) = \sum_{j=1}^m \beta_j f_j(t)$ vyjadřuje obvykle trendovou složku dané časové řady $\mathbf{x} = (x_1, \dots, x_n)$, ale může také současně zahrnovat její periodickou složku.

Odhad hodnoty časové řady v čase t pomocí regresní analýzy je funkce $\hat{x}(t) = \sum_{j=1}^m b_j f_j(t)$, kde b_j , $j = 1, \dots, m$, jsou **odhady regresních koeficientů** β_j .

Pro odhady použijeme tyto matice:

$$\mathbf{F} = \begin{pmatrix} f_1(t_1) & f_1(t_2) & \cdots & f_1(t_n) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ f_m(t_1) & f_m(t_2) & \cdots & f_m(t_n) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} f_{11} & f_{12} & \cdots & f_{1n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ f_{m1} & f_{m2} & \cdots & f_{mn} \end{pmatrix},$$

$$\mathbf{G} = \mathbf{F}\mathbf{F}^\top = \begin{pmatrix} \sum_{i=1}^n f_1^2(t_i) & \sum_{i=1}^n f_1(t_i)f_2(t_i) & \cdots & \sum_{i=1}^n f_1(t_i)f_m(t_i) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \sum_{i=1}^n f_m(t_i)f_1(t_i) & \sum_{i=1}^n f_m(t_i)f_2(t_i) & \cdots & \sum_{i=1}^n f_m^2(t_i) \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} g_{11} & g_{12} & \cdots & g_{1m} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ g_{m1} & g_{m2} & \cdots & g_{mm} \end{pmatrix},$$

$$\mathbf{g} = \mathbf{F}\mathbf{x}^\top = \begin{pmatrix} \sum_{i=1}^n f_1(t_i)x(t_i) \\ \vdots \\ \sum_{i=1}^n f_m(t_i)x(t_i) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} g_1 \\ \vdots \\ g_m \end{pmatrix},$$

$$\mathbf{G}^{-1} = \begin{pmatrix} g^{11} & g^{12} & \cdots & g^{1m} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ g^{m1} & g^{m2} & \cdots & g^{mm} \end{pmatrix}, \quad \mathbf{f}(t) = \begin{pmatrix} f_1(t) \\ \vdots \\ f_m(t) \end{pmatrix}, \quad \mathbf{b} = \begin{pmatrix} b_1 \\ \vdots \\ b_m \end{pmatrix},$$

kde horní index $^\top$ značí transponovanou matici.

Dále předpokládáme, že matice $\mathbf{F}$ má hodnost m , takže matice $\mathbf{G}$ je regulární a inverzní matice $\mathbf{G}^{-1}$ existuje. Následující odhady jsou získány tzv. **metodou nejmenších čtverců**.

Odhady regresních koeficientů b_j , $j = 1, \dots, m$, jsou řešením soustavy normálních rovnic $\mathbf{G}\mathbf{b} = \mathbf{g}$, takže

$$\mathbf{b} = \mathbf{G}^{-1}\mathbf{g} = \mathbf{G}^{-1}\mathbf{F}\mathbf{x}^\top$$

a vidíme, že odhady b_j , $j = 1, \dots, m$, jsou lineárními funkcemi hodnot $x_i = x(t_i)$ pozorované časové řady. Použitím uvedených matic dostaneme po úpravách $b_j = \sum_{i=1}^n c_{ji}x_i$, kde pro $j = 1, \dots, m$ je $c_{ji} = \sum_{k=1}^m g^{jk}f_{ki}$.

Odhad hodnoty časové řady v čase t je

$$\hat{x}(t) = \mathbf{f}^\top(t)\mathbf{b} = \mathbf{f}^\top(t)\mathbf{G}^{-1}\mathbf{g} = \mathbf{f}^\top(t)\mathbf{G}^{-1}\mathbf{F}\mathbf{x}^\top.$$

Tento odhad je zřejmě lineární funkcí hodnot pozorované časové řady $\mathbf{x} = (x_1, \dots, x_n)$. Po úpravách dostaneme

$$\hat{x}(t) = \sum_{i=1}^n a_i(t)x_i,$$

kde pro $i = 1, \dots, n$ je

$$a_i(t) = \mathbf{f}^\top(t) \mathbf{G}^{-1} \mathbf{F} = \sum_{j=1}^m f_j(t) \sum_{k=1}^m g^{jk} f_{ki} = \sum_{j=1}^m c_{ji} f_j(t).$$

3. Fuzzy čísla – základní pojmy a vlastnosti

Modelování nepřesných hodnot reálných čísel pomocí fuzzy množin [4] a [5], tj. jejich **fuzzifikace**, vychází z následujících pojmů.

Fuzzy množina $\underline{x} = (\mu_{\underline{x}}, \mathbb{R})$ se nazývá **(reálné) fuzzy číslo**, jestliže tato fuzzy množina je konvexní a normální, a funkce příslušnosti $\mu_{\underline{x}} : \mathbb{R} \rightarrow [0; 1]$ je po částech spojitá. Jestliže existuje právě jedno číslo $x \in \mathbb{R}$ takové, že $\mu_{\underline{x}}(x) = 1$, pak x je **hlavní hodnota** fuzzy čísla $\underline{x}$. Je-li funkce příslušnosti $\mu_{\underline{x}}$ spojitá, je $\underline{x}$ **spojité fuzzy číslo**. Množinu všech fuzzy čísel na $\mathbb{R}$ značíme $\mathfrak{R}$. Klademe $x = \{x\}$ pro $\forall x \in \mathbb{R}$, takže každé reálné číslo x je také fuzzy číslo. Podobně jako reálné fuzzy číslo definujeme **celé fuzzy číslo** apod.

Unární a binární operace s reálnými čísly fuzzifikujeme, tj. zavádíme **rozšířené unární** a **binární operace** s fuzzy čísly pomocí tzv. **Zadehova principu rozšíření**.

Jestliže $\varphi(x)$ je unární operace na $\mathbb{R}$, pak **rozšířená unární operace** $\varphi(\underline{x})$ na $\mathfrak{R}$ je fuzzy množina $\underline{y}$ s funkcí příslušnosti

$$\mu_{\underline{y}}(y) = \sup_{\varphi(x)=y} \mu_{\underline{x}}(x).$$

Speciálně pro bijekci $\varphi(x)$ je $\mu_{\underline{y}}(y) = \mu_{\underline{x}}(\varphi^{-1}(y))$.

Jestliže je $x \star y$ binární operace na $\mathbb{R}$, pak **rozšířená binární operace** $\underline{x} \star \underline{y}$ na $\mathfrak{R}$ je fuzzy množina $\underline{z}$ s funkcí příslušnosti

$$\mu_{\underline{z}}(z) = \sup_{\substack{x, y \\ x \star y = z}} \left\{ \mu_{\underline{x}}(x), \mu_{\underline{y}}(y) \right\}.$$

Jestliže $\star$ je binární operace na $\mathbb{R}$, pak v $\mathfrak{R}$ platí:

- (a) $\star$ komutativní $\Rightarrow \star$ komutativní,
- (b) $\star$ asociativní $\Rightarrow \star$ asociativní.

Rozšířené aritmetické operace $\oplus, \otimes, \ominus, \oslash$ s fuzzy čísly mají řadu analogických vlastností jako aritmetické operace $+, \cdot, -, /$ včetně jejich priorit. Pro

realizaci rozšířených operací $\oplus, \otimes, \ominus, \oslash$ pomocí α -řezů spojitých fuzzy čísel lze použít tzv. **intervalovou aritmetiku** [3]. Při fuzzifikaci „klasických“ číselných matematických modelů vytvářením adekvátních fuzzy modelů se používají vybrané třídy expertně stanovených fuzzy čísel. Dostatečně flexibilním typem fuzzy čísel s ohraničeným nosičem a jednoprvkovým jádrem, tj. hlavní hodnotou, jsou pro naše účely spojitá fuzzy čísla definovaná následujícím způsobem.

Nechť $\Lambda : [0; 1] \rightarrow [0; 1]$ je spojitá rostoucí funkce taková, že $\Lambda(0) = 0$ a $\Lambda(1) = 1$. **Λ -fuzzy číslem** $\underline{x} = (x_l, x_m, x_r)_\Lambda$, kde $x_l, x_m, x_r \in \mathbb{R}$ a $x_l < x_m < x_r$, rozumíme fuzzy číslo s funkcí příslušnosti

$$\mu_{\underline{x}}(x) = \begin{cases} \Lambda\left(\frac{x - x_l}{x_m - x_l}\right), & x \in [x_l, x_m], \\ \Lambda\left(\frac{x_r - x}{x_r - x_m}\right), & x \in [x_m, x_r], \\ 0, & \text{jinde.} \end{cases}$$

Funkce Λ se nazývá **generátor** fuzzy čísla $\underline{x} = (x_l, x_m, x_r)_\Lambda$ a interval (x_l, x_r) je **nosič** tohoto fuzzy čísla. Platí:

1. Jestliže $\underline{x} = (x_l, x_m, x_r)_\Lambda$ a $c \in \mathbb{R}$, pak **rozšířený násobek**

$$c\underline{x} = \begin{cases} (cx_l, cx_m, cx_r)_\Lambda, & \text{když } c > 0, \\ (cx_r, cx_m, cx_l)_\Lambda, & \text{když } c < 0, \\ 0, & \text{když } c = 0. \end{cases}$$

2. Jestliže $\underline{x} = (x_l, x_m, x_r)_\Lambda$ a $\underline{y} = (y_l, y_m, y_r)_\Lambda$, pak **rozšířený součet**

$$\underline{x} \oplus \underline{y} = (x_l + y_l, x_m + y_m, x_r + y_r)_\Lambda.$$

3. Jestliže $\underline{x}_i = (x_l, x_m, x_r)_\Lambda$ a $a_i \in \mathbb{R}$, $i = 1, \dots, n$, pak **rozšířená lineární kombinace**

$$\begin{aligned}
\sum_{i=1}^n a_i \underline{x}_i &= \left(\sum_{\substack{i=1 \\ a_i > 0}}^n a_i x_{il} + \sum_{\substack{i=1 \\ a_i < 0}}^n a_i x_{ir}, \sum_{i=1}^n a_i x_{im}, \sum_{\substack{i=1 \\ a_i > 0}}^n a_i x_{ir} + \sum_{\substack{i=1 \\ a_i < 0}}^n a_i x_{il} \right)_{\Lambda} \\
&= \left(\sum_{i=1}^n a_i \left(\frac{1 + \operatorname{sgn}(a_i)}{2} x_{il} + \frac{1 - \operatorname{sgn}(a_i)}{2} x_{ir} \right), \sum_{i=1}^n a_i x_{im}, \right. \\
&\quad \left. \sum_{i=1}^n a_i \left(\frac{1 + \operatorname{sgn}(a_i)}{2} x_{ir} + \frac{1 - \operatorname{sgn}(a_i)}{2} x_{il} \right) \right)_{\Lambda} \\
&= \left(\sum_{i=1}^n a_i \frac{x_{il} + x_{ir}}{2} - \sum_{i=1}^n |a_i| \frac{x_{ir} - x_{il}}{2}, \sum_{i=1}^n a_i x_{im}, \right. \\
&\quad \left. \sum_{i=1}^n a_i \frac{x_{il} + x_{ir}}{2} + \sum_{i=1}^n |a_i| \frac{x_{ir} - x_{il}}{2} \right)_{\Lambda}.
\end{aligned}$$

4. Fuzzy lineární regresní model fuzzy časové řady

Jestliže místo náhodných hodnot $x_i = x(t_i)$ časové řady $\mathbf{x} = (x_1, \dots, x_n)$ uvažujeme fuzzy hodnoty $\underline{x}_i$, tj. fuzzy čísla, jejichž nosiče obsahují x_i , $i = 1, \dots, n$, dostaneme **fuzzy časovou řadu** $\underline{\mathbf{x}} = (\underline{x}_1, \dots, \underline{x}_n)$. Původní časovou řadu pozorovaných hodnot x_i při praktických aplikacích fuzzifikujeme tak, že tyto hodnoty nahradíme fuzzy čísla $\underline{x}_i$ a to obvykle expertně.

Fuzzy lineární regresní funkce má tvar

$$\underline{x}(t) = \sum_{j=1}^m \underline{\beta}_j f_j(t),$$

kde funkce $f_j(t)$ neobsahují neznámé parametry a $\underline{\beta}_j$, $j = 1, \dots, m$, jsou **fuzzy regresní koeficienty**.

Fuzzy lineární regresní model fuzzy časové řady $\underline{\mathbf{x}} = (\underline{x}_1, \dots, \underline{x}_n)$ je založený na předpokladu, že hodnoty fuzzy časové řady jsou fuzzy náhodné veličiny stejně jako v „nefuzzy“ případě.

Spojením výsledků z Oddílů 2 a 3 získáme snadno následující **fuzzy odhady**.

Odhad fuzzy regresního koeficientu $\underline{\beta}_j$, $j = 1, \dots, m$, je fuzzy číslo

$$\underline{b}_j = \sum_{i=1}^n c_{ji} \underline{x}_i,$$

kde $c_{ji} = \sum_{k=1}^m g^{jk} f_{kl}$.

Odhad fuzzy hodnoty fuzzy časové řady v čase t je fuzzy číslo

$$\widehat{x}(t) = \sum_{j=1}^m \underline{b}_j f_j(t) = \sum_{i=1}^n a_i(t) \underline{x}_i,$$

kde pro $i = 1, \dots, n$ je $a_i(t) = \sum_{j=1}^m c_{ji} f_j(t)$.

Poznamenejme, že uvedené fuzzy odhady jsou sice „bodové“, ale mají charakter intervalových odhadů podobně jako při aplikaci lineárních stochastických regresních modelů.

Jestliže všechny nosiče fuzzy čísel $\underline{x}_i$ jsou ohraničené intervaly, pak je také nosič odhadu fuzzy hodnoty $\widehat{x}(t)$ ohraničený interval a jeho délka je tzv. **šířka** $\delta(t)$ odhadu fuzzy hodnoty fuzzy časové řady v čase t . Pro fuzzy hodnoty $\underline{x}_i = (x_{il}, x_{im}, x_{ir})_\Lambda$ pozorované časové řady je

$$\delta(t) = \sum_{i=1}^n a_i(t) \operatorname{sgn}(a_i(t)) (x_{ir} - x_{il}).$$

Fuzzifikaci pozorované časové řady $\mathbf{x} = (x_1, \dots, x_n)$ provádíme ve dvou krocích:

1. Zvolíme expertně tvar funkce příslušnosti Λ -fuzzy čísel $\underline{x}_i = (x_{il}, x_{im}, x_{ir})_\Lambda$ pro fuzzifikaci hodnot x_i časové řady výběrem vhodného generátoru Λ pro $i = 1, \dots, n$.
2. Určíme hlavní hodnoty Λ -fuzzy čísel tak, že položíme $x_{im} = x_i$ a expertně stanovíme krajní body nosičů x_{il}, x_{ir} Λ -fuzzy čísel $\underline{x}_i = (x_{il}, x_{im}, x_{ir})_\Lambda$ pro $i = 1, \dots, n$.

5. Příklad užití fuzzy lineárního regresního modelu

Pro jednoduchost ilustrujeme předcházející výsledky na „školním“ příkladu neperiodické časové řady s lineárním trendem. V tomto případě má regresní funkce tvar

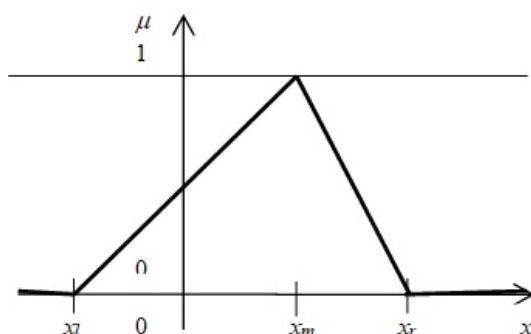
$$x(t) = \beta_1 + \beta_2 t,$$

takže $m = 2$, $f_1(t) = 1$ a $f_2(t) = t$. Pro fuzzifikaci časové řady používáme bez újmy na obecnosti nejčastěji aplikovaná **trojúhelníková fuzzy čísla**

$\underline{x} = (x_l, x_m, x_r)_\Lambda$, jejichž generátor je $\Lambda(x) = x$, takže mají funkci příslušnosti

$$\mu_{\underline{x}}(x) = \begin{cases} \frac{x - x_l}{x_m - x_l}, & x \in [x_l, x_m], \\ \frac{x_r - x}{x_r - x_m}, & x \in [x_m, x_r], \\ 0, & \text{jinde.} \end{cases}$$

Graf funkce příslušnosti trojúhelníkového fuzzy čísla je na Obrázku 1.



Obrázek 1: Graf funkce příslušnosti trojúhelníkového fuzzy čísla.

Zadání původní časové řady $\mathbf{x} = (x_1, \dots, x_n)$ a fuzzy časové řady $\underline{\mathbf{x}} = (\underline{x}_1, \dots, \underline{x}_n)$ po expertní fuzzifikaci nahrazením hodnot $x_i = x(t_i)$ fuzzy čísly $\underline{x}_i = (x_{il}, x_{im}, x_{ir})_\Lambda$, kde klademe $x_{im} = x_i$, je pro $n = 4$ v Tabulce 1.

Jednoduchým výpočtem pomocí vzorců z Oddílů 2 a 4 dostaneme odhady fuzzy regresních koeficientů $\underline{\beta}_1, \underline{\beta}_2$:

$$\begin{aligned} \underline{b}_1 &= (b_{1l}, b_{1m}, b_{1r})_\Lambda = (0; 1,35; 2,125)_\Lambda, \\ \underline{b}_2 &= (b_{2l}, b_{2m}, b_{2r})_\Lambda = (-0,125; 0,24; 0,725)_\Lambda. \end{aligned}$$

Odhady hodnot fuzzy časové řady $\underline{x}_i = (x_{il}, x_{im}, x_{ir})_\Lambda$ a odhady hodnot $\hat{x}(t)$ ve zvolených časech t jsou v Tabulce 2. Graf

- nosičů (svislé tečkované čáry) fuzzy časové řady $\underline{x}_i = (x_{il}, x_{im}, x_{ir})_\Lambda$,
- hranic nosičů a hlavních hodnot (spojité čáry) odhadů hodnot fuzzy časové řady,

Tabulka 1: Hodnoty původní a fuzzifikované časové řady.

i	t_i	x_i	x_{il}	x_{im}	x_{ir}
1	1	1,7	0,75	1,7	2,00
2	2	1,7	1,25	1,7	2,00
3	3	2,0	1,50	2,0	2,50
4	4	2,4	1,75	2,4	2,75

Tabulka 2: Hodnoty fuzzy časové řady a jejich odhady v čase t .

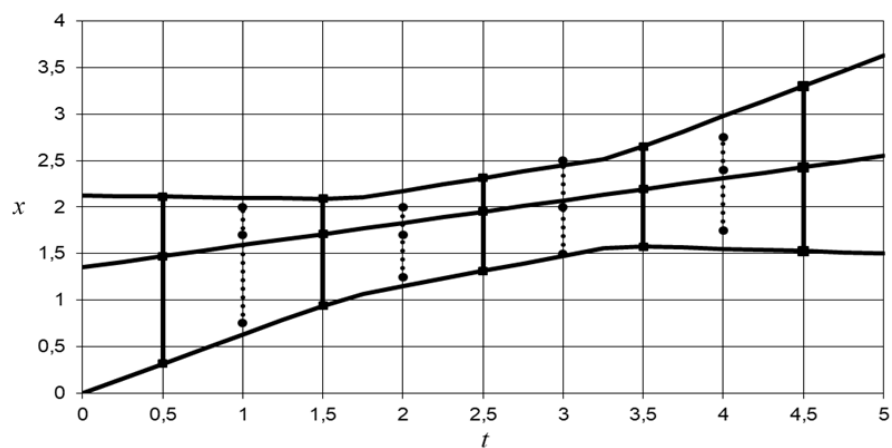
i	t	x_{il}	x_{im}	x_{ir}	$\hat{x}_{il}$	$\hat{x}_{im}$	$\hat{x}_{ir}$
1	1	0,75	1,7	2,00	0,6250	1,59	2,1000
2	2	1,25	1,7	2,00	1,1500	1,83	2,1750
3	3	1,50	2,0	2,50	1,4750	2,07	2,4500
4	4	1,75	2,4	2,75	1,5500	2,31	2,9750
---	0,5	---	---	---	0,3125	1,47	2,1125
---	1,5	---	---	---	0,9375	1,71	2,0875
---	2,5	---	---	---	1,3125	1,95	2,3125
---	3,5	---	---	---	1,5750	2,19	2,6500
---	4,5	---	---	---	1,5250	2,43	3,3000

- vybraných nosičů a hlavních hodnot odhadů (svislé plné čáry) z Tabulky 2 pro $t = 0,5; 1,5; 2,5; 3,5; 4,5$,

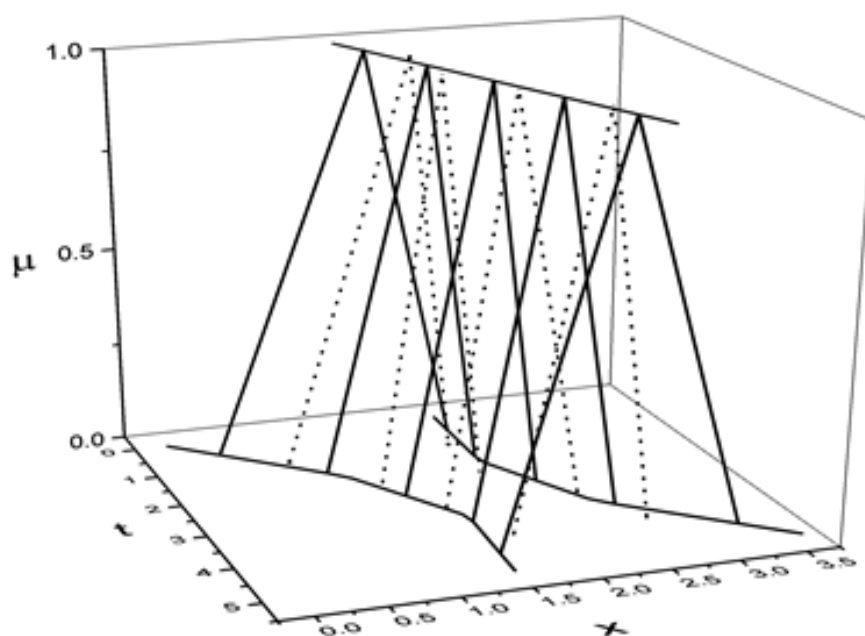
je na Obrázku 2.

Na Obrázku 3 je 3D graf odhadu fuzzy regresní přímky (trendu), zadané fuzzy časové řady a odhadů fuzzy hodnot fuzzy časové řady vzhledem k funkci příslušnosti.

Ze získaných výsledků je zřejmé, že odhady fuzzy regresních koeficientů a odhad (vyrovnání, aproximace) fuzzy hodnot fuzzy časové řady respektují nepřesné hodnoty pozorované časové řady. V daném příkladu ale nosič odhadu fuzzy regresního koeficientu β_2 obsahuje záporné i kladné hodnoty, takže daná časová řada může mít klesající anebo naopak rostoucí trend. Odhady pozorovaných fuzzy hodnot (svislé úsečky) časové řady dané pásmem mezi dolní a horní lomenou čarou na Obrázku 2 i na Obrázku 3 totiž obsahují všechny možné přímky vyjadřující trend této řady.



Obrázek 2: Graf nosičů fuzzy časové řady a odhadů hodnot fuzzy časové řady.



Obrázek 3: 3D graf funkce příslušnosti hodnot fuzzy časové řady (tečkovaná čára) a odhadů hodnot fuzzy časové řady (plná čára).

6. Závěr

Slova trend, aproximace a predikce jsou v ekonomických úvahách a modelech velmi často používaná a z hodnot vyjadřujících jejich velikost se vyvozují různé víceméně hlubokomyslné závěry. Jak však ukazuje uvedený, byť jenom školní příklad, mohou být tyto závěry zcela falešné. Jde sice pouze o jednoduchý příklad, ale v praxi bývá situace ještě horší. Chtěli jsme proto ukázat, že zanedbání nepřesností (chyb, šumu apod.). statistického nebo expertního zjišťování hodnot ekonomického nebo finančního sledovaného ukazatele a podobně i fyzikální veličiny v čase, může vést k velmi zkresleným závěrům. Popsané fuzzy modelování časových řad ale respektuje i původní hodnoty časové řady, pokud je chceme považovat za přesné.

Poděkování: Těchto výsledků bylo dosaženo v rámci specifického výzkumu FSI-S-20-6187 „Moderní metody aplikované matematiky“ Fakulty strojního inženýrství Vysokého učení technického v Brně. Příspěvek byl dále podpořen institucionálním financováním výzkumu Fakulty vojenského leadershipu Univerzity obrany v Brně.

Literatura

- [1] Anděl, J. (2011): *Základy matematické statistiky*. 3. vyd. Praha: Matfyzpress, 2011. 358 s. ISBN 978-80-7378-162-0. *cit. 4*
- [2] Karpíšek, Z., Lacinová, V., Sadovský, Z., Schneider, A. (2016): Is the Increasing Trend Always Really Increasing? MENDEL 2016 – 22th International Conference on Soft Computing. Brno, 2016. *Mendel Series*, Volume 2016, p. 229–234. ISSN 1803-3814, ISBN 978-80-214-5365-4. *cit. 4*
- [3] Karpíšek, Z., Dražanová, M., Lacinová, V. (2019): Lineární regresní model intervalové časové řady. *ACTA STING*, 1/2019, p. 24–35. ISSN 1805-6873. *cit. 4, 7*
- [4] Klir, G. J., Yuan Bo. (1995): *Fuzzy Sets and Fuzzy Logic – Theory and Applications*. New Jersey: Prentice Hall, 1995. ISBN 0-13-101171-5. *cit. 6*
- [5] Mareš, M. (1994): *Computation over Fuzzy Quantities*. Boca Raton: CRC Press, 1994. ISBN 978-08-493-7635-1. *cit. 6*
- [6] Montgomery, D. C., Runger, G. (2010): *Applied Statistics and Probability for Engineers*. 5th ed. New York: John Wiley, 2010. 784 s. ISBN 978-0-470-05304-1. *cit. 4*
- [7] Tsay, R. S. (2010): *Analysis of Financial Time Series*. New York: John Wiley, 2010. 672 s. ISBN 978-0-470-64455-3. *cit. 4*

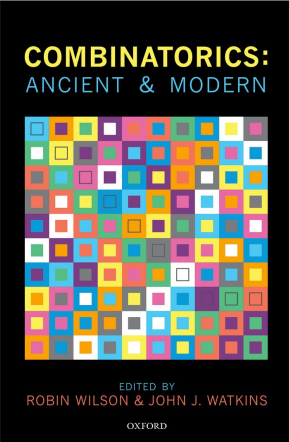
RECENZE KNIHY: COMBINATORICS – ANCIENT & MODERN

BOOK REVIEW: COMBINATORICS – ANCIENT & MODERN

Pavel Stríž

E-mail: pavel@striz.cz

Robin Wilson, John J. Watkins (editors): *Combinatorics – Ancient & Modern*, 1st edition, Oxford University Press, United Kingdom, x+381 pp., 2013. ISBN 978-0-19-965659-2.

	Part I Introduction Two thousand years of combinatorics DONALD E. KNUTH Part II Ancient Combinatorics 1. Indian combinatorics TAKANORI KUSUBA AND KIM PLOEKER 2. China ANDREA BRÉARD 3. Islamic combinatorics AHMED DJEBBAR 4. Jewish combinatorics VICTOR J. KATZ 5. Renaissance combinatorics EBERHARD KNOBLOCH 6. The origins of modern combinatorics EBERHARD KNOBLOCH 7. The arithmetical triangle A. W. F. EDWARDS Part III Modern Combinatorics 8. Early graph theory ROBIN WILSON	9. Partitions GEORGE E. ANDREWS 10. Block designs NORMAN BIGGS AND ROBIN WILSON 11. Latin squares LARS DØVLING ANDERSEN 12. Enumeration (18th–20th centuries) E. KEITH LLOYD 13. Combinatorial set theory IAN ANDERSON 14. Modern graph theory LOWELL BEINEKE AND ROBIN WILSON Part IV Aftermath A personal view of combinatorics PETER J. CAMERON Notes on contributors Picture sources and acknowledgements Index
--	--	--

Dobrovolně se přiznávám, že jsem si nebyl jistý, jestli knihu číst. Zaujímá mě kombinatorika, zvláště ta rekreační, ale historie už můj šálek kafe není. Když jsem jako student prvního ročníku na vysoké škole začal pomáhat se skripty do Metod statistické analýzy (někde nazýváno jako Statistika 1, I či A), Laďa Rytíř trval na tom, že tam úvodní kapitola s historií být musí, že ta je důležitá, a pálil na mě jedno jméno za druhým, že ti tam rozhodně být musí. Že na tom kategoriálně trvá. O každém hovořil, jako kdyby s danou osobou včera večer seděl na konferenci u piva. Celý Ladík.

A tak dobře, říkám si, zkusím to. Začnu číst a uvidím. Knuth knihu uvádí (přetisk z TAOCP – Dva tisíce let kombinatoriky), asi mě chytl a nepustil. Pak jsou následující dvě části (Ancient Combinatorics; Modern Combinatorics) rozpracovány, prakticky na stranu každá polovina knihy. V druhé části: indická, čínská, islámská, židovská a renesanční kombinatorika plus počátky

moderní kombinatoriky, v třetí části pak dle kombinatorického užití: počátky teorie grafů, celočíselný rozklad, design experimentů, latinské čtverce, výčty, kombinatorická teorie množin a současná teorie grafů. V poslední části, řekněme Doslov (Aftermath), Peter J. Cameron píše o svém osobním pohledu na kombinatoriku, hlavně její vývoj.

Knihu uzavírají medailónky autorů, zdroje obrázků, poděkování a společný rejstřík termínů a osob.

Obrázky z původních knih začínají jednotlivé kapitoly a častokrát doprovází text. Ačkoliv se na knize podílela celá řada autorů, během čtení to nepoznáte. Jazyk zní, jako kdyby to psal jeden autor. Poklona editorům.

Jmenovitě tedy: Donald E. Knuth (Úvod), Takanori Kusuba (1), Kim Plofker (1), Andrea Bréard (2), Ahmed Djebbar (3), Victor J. Katz (4), Eberhard Knobloch (5, 6), A.W.E. Edwards (7), Robin Wilson (8, 10, 14 plus editor), George E. Andrews (9), Norman Biggs (10), Lars Døvling Andersen, E. Keith Lloyd (12), Ian Anderson (13), Lowell Beineke (14), Peter J. Cameron (Doslov) a John J. Watkins (jen jako editor).

Kniha je poutavá z toho pohledu, která osoba a co neudělala správně, nebo udělala správně a kam až se dostala, a byla-li či nebyla-li dále prohlubována, a po jaké době. Kniha je ojedinělá a první svého druhu. V Předmluvě editoři hovoří o tom, že kniha má dva účely: jako první velký průzkum historie kombinatoriky tohoto rozsahu a v jedné knize má být shrnuta řešerše zdrojů, které jinak nejsou dostupné široké veřejnosti.

Našinec zajásá, protože na str. 348 je zmínka o Otakaru Borůvkovi, v literatuře jako 9. zdroj, viz str. 350. A nejen to, na té samé straně u 4. zdroje máme Václava Chvátala. Plus malá poznámka na str. 369 o Mendelovi.

Osobně mě potěšila zmínka v kapitole 11 na str. 279 a 280 o sudoku a výpočtu různého počtu řešení sudoku bez a se zahrnutím vybraných elementárních transformací. Řeším jejich ranking-unranking kombinatorickou úlohu.

(Nejen) pomocí kombinatoriky bylo v březnu (The Hat, zahrnutí překlopení dílku) a v květnu 2023 (The Spectre, už bez překlápění) završeno hledání aperiodického dílku, který zaplní plochu bez opakování vzoru. Byl to dlouhodobý otevřený problém. Doufám, že tuto informaci uvidím v dalším vydání této knihy. Těším se!

Recenzi knihy zakončím slovy z Úvodního slova Ronalda Grahama:

One of the most compelling instincts that human beings have is the irresistible urge to look for patterns: this is apparent from the earliest attempts of our ancestors to understand the world around them. Mathematics has often been described as the science of patterns, and perhaps more than any other mathematical field, this represents the heart and soul of combinatorics.

ROZŠÍŘENÁ RECENZE KNIHY: BIOINFORMATICS ALGORITHMS – AN ACTIVE LEARNING APPROACH, VOL. I, II

EXTENDED BOOK REVIEW: BIOINFORMATICS ALGORITHMS – AN ACTIVE LEARNING APPROACH, VOL. I, II

Pavel Stríž

E-mail: pavel@striz.cz

Phillip Compeau, Pavel Pevzner: *Bioinformatics Algorithms – An Active Learning Approach*, 2nd Edition, Active Learning Publishers, USA, Volume I (xxv+355 pp.), II (xxiii+291 pp.), 2015. Vedle titulních stran svazků jsou ilustrace uvozující kapitoly 2 a 10.



Motto: Find the $\{\text{most likely, mass, minimum, maximum, length, longest, shortest, highest-scoring, reverse, pattern, optimal, position, center, frequent, circular, nearest, ...}\}$ in a string.

Před lety jsem hledal server, který by nabízel sérii úloh na procvičování programování, ale aby to byl nějaký rozumný počet a uzavřený. Plus abych mohl vydat něco typu *Sbírka řešených úloh* s odkazy na zdroj. Dlouhodobě se zabývám zpracováním textu a na konferenci OSSConf v Žilině jsem zaslechl: „... my na to v texte na webe používame matíciu vzdáleností a funguje to naozaj dobre...“ Říkal jsem si, že to už jsem někde viděl či četl, že se na to musím doma podívat. Edit distance od Levenshteina z 1966 „bylo naozaj to, o čem bratia hovorili“. Hledal jsem nějaké příklady a ukázky a za chvíli jsem byl na webu <http://rosalinde.info> a viděl i různé modifikace tohoto problému, viz sekce *Bioinformatics Textbook Track*. Úlohy mají na webu a není omezení na programovací jazyk ani čas (jak dost často bývá zvykem u soutěžního programování) a mají tam úvod do Pythonu i algoritmizace.

Začal jsem úlohy postupně řešit, pak jsem se zasekl. Tak jsem dohledal jejich knihy a znovu řešení úloh obnovil. V době psaní recenze mi ještě pár tuctů úloh chybí, ale ty už jsou obtížností z jiného světa, ale je vidět světlo na konci tunelu. A hlavně jsem na druhý pokus (první asi zapadl mezi emailové spamy) dostal souhlas autorů na takový knižní počín.

O co tedy v knihách jde? Jedná se de facto o skripta na bioinformatiku podpořené serverem na úlohy z knihy plus celý blok úloh nezmiňené v knize, ale též z bioinformatiky. Obrovskou výhodou je, že po uznání úlohy jako vyřešené je k dispozici diskuzní fórum k dané úloze, dá se častokrát narazit na zajímavé myšlenky a postupy plus řešení v nejrůznějších jazycích.

Dvoustavková kniha mi za ty roky přirostla k srdci. Věděl jsem, že závěrečné problémy budou těžké, dokonce Pavel Pevzner o tom někde psal, že to tak dělá u svých studentů, že přes těžké (i některé nevyřešené) problémy se z nich snaží dostat to nejlepší, říkáme jim *Code Challenges*. Snad se v budoucnu se všemi vyřešenými úlohami pochlubím.

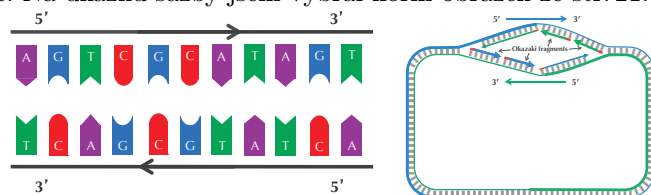
Za zmínku stojí i jejich YouTube kanál, kde řeší vybrané úlohy. Odkazy a prezentace, viz <http://bioinformaticsalgorithms.org>. V knize vás potěší *Detours*, tedy čtení rozšiřující a odpočinkové. Nápovery k úlohám lze hledat pod *Charging Stations*. Kniha vyzývá i k řešení reálných problémů, viz *Final Challenges*.

Pokud se zabýváte alespoň trochu typografií a sazbou, kniha pro vás nebude zklamáním ani z tohoto pohledu. V metadatach PDF souborů lze vyčíst, že je sázen $\text{\TeX}$. Obrázky (grafy, stromy, diagramy ap.) jsou vysázené ve většině případů v barvě a v prvotřídní kvalitě. Ve vzorcích zahlédnete barevné výrazy, to byla jednu dobu má příjemná úloha automatizace pro $\text{\LaTeX}$. U jednotlivých kapitol přikládám vzorek s otázkou, jak to vysázet?

Kniha je rozdělena do 6+5 kapitol. Zkusím je stručně představit, jaké oblasti řeší a vždy několik problémů, které se v kapitole objeví.

Kapitola 1: Where in the Genome Does DNA Replication Begin?

Algorithmic Warmup. Úvod do četností, měření odlišností, hledání vzorů a práce s textovými řetězci skládající se ze znaků $\{A, C, G, T\}$. Musíme mít na paměti, že je to příjemná konvence pro čtenáře užívat znaky (8 bitů), efektivnější samozřejmě je pracovat se dvěma bity, které nám čtyři znaky dokážou zakódovat. Na ukázkou sazby jsem vybral horní obrázek ze str. 21.



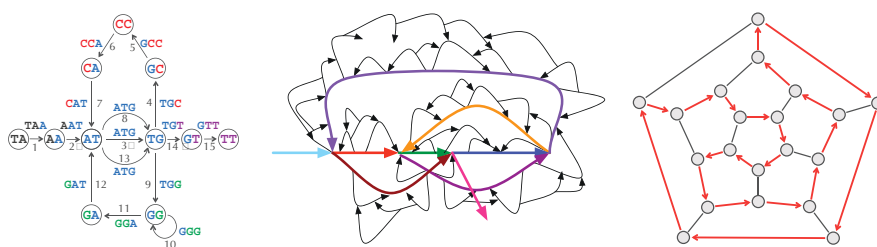
Kapitola 2: Which DNA Patterns Play the Role of Molecular Clocks?

Randomized Algorithms. Hledání vzorů a jejich ohodnocení, Hamming Distance, Gibbs Sampling. Za sazbu jsem vybral obrázek ze str. 74 a pravý obrázek ze str. 109.



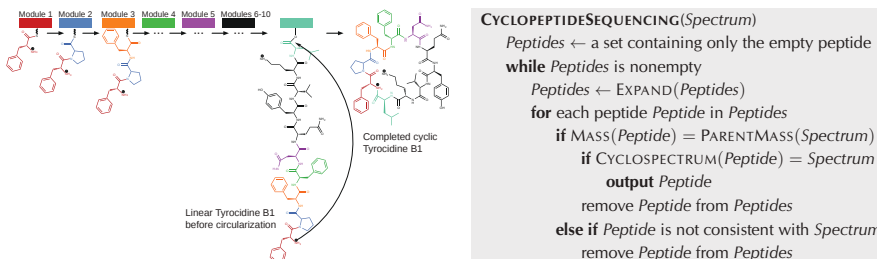
Kapitola 3: How Do We Assemble Genomes?

Graph Algorithms. Úvod do teorie grafů, rekonstrukce řetězce, Hamiltonian Path, De Bruijn Graph. S úsměvem lze říci, že se jedná o slavné FBI případy, tedy seskládání důležitých dokumentů prohnaných skartovačkou. Zkušenosti hackerů ví, že dokumenty je potřeba pálit, nikoliv skartovat. U této kapitoly si člověk připadal jako správný detektiv. Za sazbu jsem vybral obrázky ze str. 134, 161 a 175.



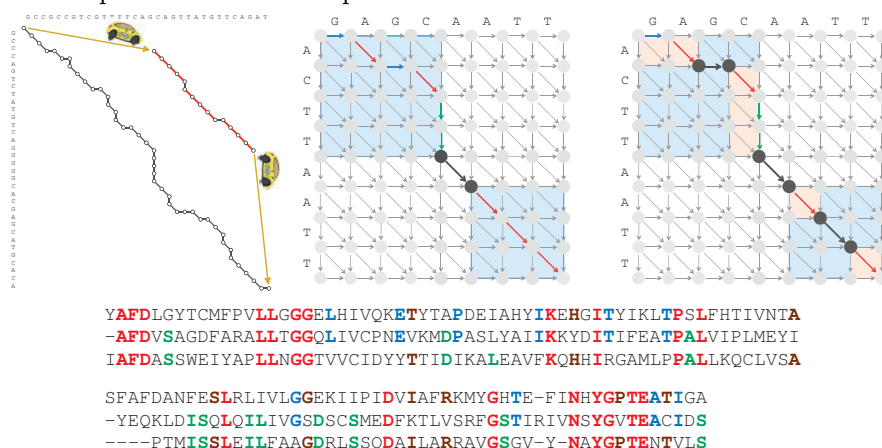
Kapitola 4: How Do We Sequence Antibiotics?

Brute Force Algorithms. Kapitola uvádí sekvencování peptidů, konvoluci. Za sazbu jsem vybral vysazení proteinů ze str. 189 a zdrojového kódu ze str. 196.



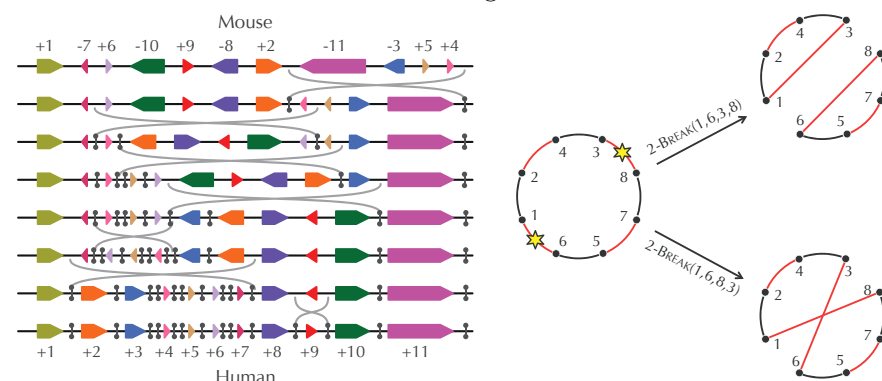
Kapitola 5: How Do We Compare Biological Sequences?

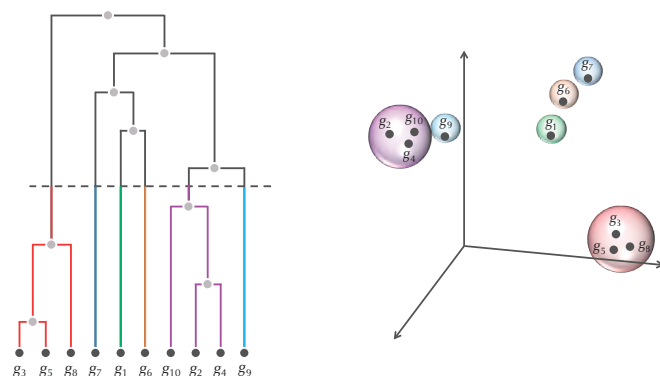
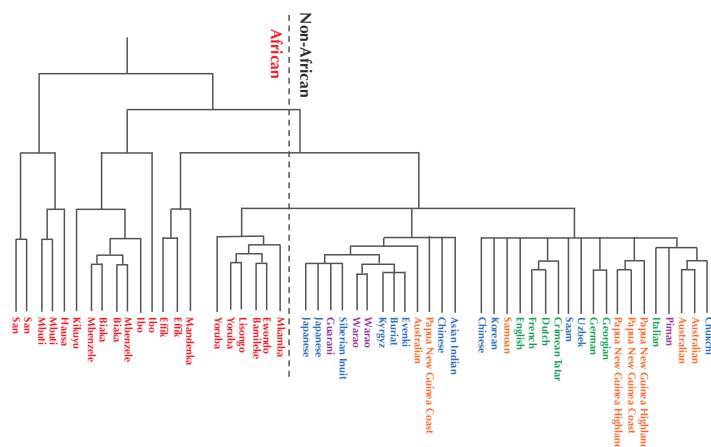
Dynamic Programming. Mé oblíbené úlohy, jak s minimem změn z jednoho řetězce dostat druhý. Tato úloha mě dovedla k této knize. Uvede dále i do variant lokální a globální a úlohy s více než dvěma řetězci. Obrázky z teorie grafů jsou čtenáři jistě dobře známé, za sazbu jsem vybral obrázek ze str. 260, 276 a za sazbu textu výsledek zarovnání tří řetězců a jejich barevné odlišení ze str. 290. Na vysvětlenou. Červená značí shodu ve třech případech, zelená, modrá a hnědá v příslušných dvou případech, u černé není shoda a divis je vložení prázdného znaku do původního řetězce.



Kapitola 6: Are There Fragile Regions in the Human Genome?

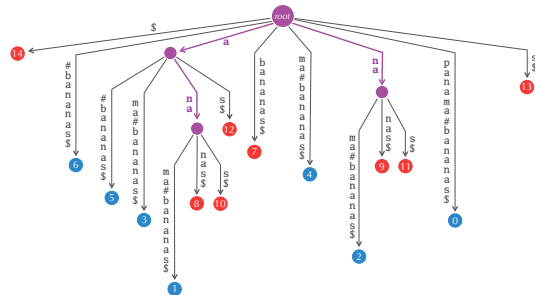
Combinatorial Algorithms. Úvod do kombinatoriky, přesněji permutací, jak získat chromozom z jiného. Za svět sazby jsem vybral znázornění, jak z myši udělat člověka ze str. 302 a transformaci genomu ze str. 338.





Kapitola 9: How Do We Locate Disease-Causing Mutations?

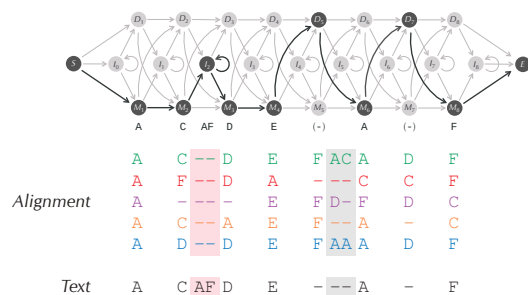
Combinatorial Pattern Matching. Kapitola uvádí do datových struktur a jejich rychlé prohledávání: trie, suffix trie, suffix tree, suffix array. Velká část kapitoly je věnována transformaci Burrows-Wheeler a její inverzi. Pokud si to již někdo zkusil naprogramovat, tuší, že už jde v knize do tuhého. Na ukázkou hezké sazby jsem vybral SuffixTree ze str. 168.



Kapitola 10: Why Have Biologists Still Not Developed an HIV Vaccine?

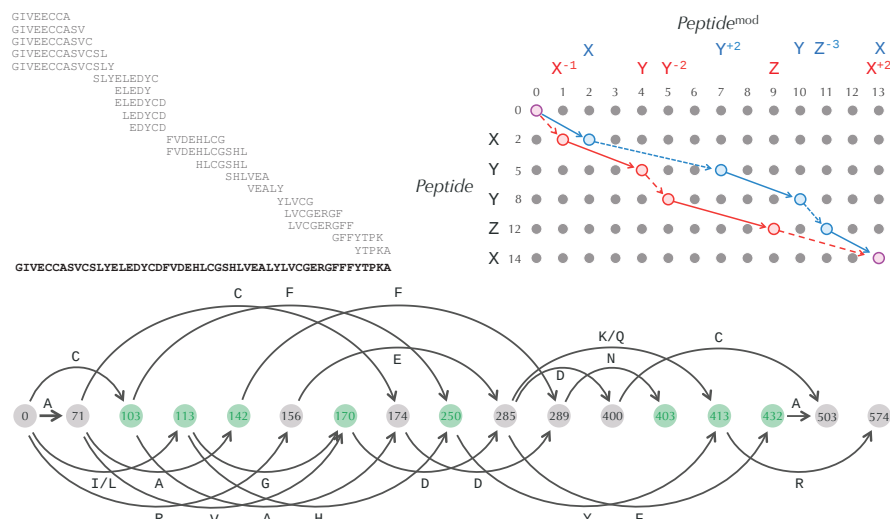
Hidden Markov Models. Skryté Markovovské řetězce v plné síle plus Baum-Welch Learning. Za sazbu jsem nevěděl, co vybrat dřív, jestli barevné vzorce či reprezentaci HMM. Vybral jsem jednu textovou ukázkou (změny v čase u proteinu gp120 u pacienta s HIV) ze str. 180 a jednu grafickou HMM ze str. 207 s volenou nejpravděpodobnější cestou k danému problému.

```
VKKLGEQFR-NKTIIFNQPSGGDLEIVMHSFNCGGEFFYCNTTQLFN-----NSTES-----DTITL
VKKLGEQFR-NKTIIFNQPSGGDLEIVMHSFNCGGEFFYCNTTQLFN-----NSTDNG-----DTITL
VKKLGEQFR-NKTIIFNQPSGGDLEIVMHSFNCGGEFFYCNTTQLFD-----NSTESNN-----DTITL
VDKLEQFGKNKTIIFNQPSGGDLEIVMHSFNCGGEFFYCNTTQLFNSTWNS---TGNGTESYNGQENGITIL
VDKLEQFGKNKTIIFNQPSGGDLEIVMHSFNCGGEFFYCNTTQLFNSTWNG---TNTT---GLDG---NDTITL
VDKLEQFGKNKTIIFNQSSGGDLEIVTHTFNCGGEFFYCNTTQLFNSNWTG---NSTE---GLHG---DDTITL
VKKLGEQFG-NKTIIFNQSSGGGLEIVMHSFNCGGEFFYCNTTQLFNN---TR-----NSTESNNGQNDTITL
VKKLEQFGKNKTIIFKQSSGGDLEIVTHTFNCAGEFFYCNTTQLFNSNWTG---NSTITGLDG---NDTITL
VGKLEQFGK-KTIIFNQPSGGDLEIVMHSFNCQGEFFYCNTTQLFNSNWTG---NSTWNSGKDKENGNDTITL
```



Kapitola 11: Was *T. rex* Just a Big Chicken?

Computational Proteomics. Kapitola uvozuje práci s identifikací a výpočty kolem spekter peptidů. Přechíst kapitolu není těžké, ale naprogramovat výzvy a neztratit se v nich, to už těžké je. Na závěr ze světa sazby jsem si pro vás opět vybral jednu textovou ze str. 237, jedná se opět o jistý výsledek (seskládání peptidů u inzulinu, výsledkem je sekvence aminokyseliny, viz práce Fredericka Sangera) a dvě grafické ze str. 270 (dvě modifikace jednoho peptidu) a 243 (DAG; orientovaný acyklický graf).



Závěr každé kapitoly je jisté slovní shrnutí zdrojů a vývoj v dané oblasti.

Pokud jste víc matematici a statistici než „bio“, kniha nabízí nespočet úloh, zvláště u kapitol 10 a 11 se protáčí panenky. Pokud jste víc programátoři, tak vezte, že biologické úlohy jsou převedeny na zadání zpracování textu, a to už bude vaše doména. Pokud nejste (ještě) ani jedno ze zmíněných, zkuste si pár úloh jen tak, pro zábavu z řešení stylu „Heuréka, ono mně to vyšlo!“ či si knihami prolistujte, pro inspiraci z hezky vysázené knihy.

Kniha tiše nabízí možnost si úlohy vyzkoušet v *libovolném* programovacím jazyce. To ale nevylučuje užití *hotových* programů či knihoven, např. v R, resp. s pomocí BioConductoru. Věřím tomu a ověřil jsem si to, že na mnoha místech to jde, ale jádro knihy k tomu nesměruje. Myslím si však, že člověk nemusí být zrovna druhý Donald E. Knuth (TAOCP), John Carmack (Doom, Wolfstein 3D), Linus Torvald (Linux, Git), Dennis Ritchie (C), Steven Halim (kniha Competitive Programming), či Gennady Korotkevich (v současnosti

RECENZE KNIHY: COMPETITIVE PROGRAMMING 4

BOOK REVIEW: COMPETITIVE PROGRAMMING 4

Pavel Stríž

E-mail: pavel@striz.cz

Steven Halim, Felix Halim, Suhendry Effendy: Competitive Programming 4, Book 1 (xxx + 1–299 pp., tedy 329 stran PDF), Book 2 (viii + 273–616 pp., tedy 352 stran PDF).

Motto knihy, repeat for a lifetime:

Study; Practice; Rehearse; Dress Rehearse; Perform.

Knih k soutěžnímu programování najdeme řadu, všechny hezké (souhrn viz str. 50 první knihy), zde zmíněná kniha patří k nejnovějším. Nepoužívá pseudo-algoritmy, až na výjimky, ale ukazuje přímá řešení. Obsahuje komentované příklady, neřešené příklady s řešením na konci kapitol a také těžší příklady bez řešení, uváděné s hvězdičkou.

Cílem knihy je připravit na dva typy soutěží, IOI (The International Olympiad in Informatics, <https://ioinformatics.org>), to je spíš náplní první knihy a ICPC (The International Collegiate Programming Contest, <https://icpc.global>), to je rozšiřující náplní druhé knihy. První soutěž je do 18 let, pro jednotlivce, druhá soutěž je pro týmy vysokoškoláků. Co mě zaujalo, že na IOI opouští Pascal, ale i C. To mi u C přijde divné.

Kniha se odkazuje na zadání na serverech UVa (nově Online Judge; <https://uhunt.onlinejudge.org/>) a Kattis (<https://open.kattis.com>). Příklady obsahují *Entry level*, tedy doporučený první příklad kategorie; *Must try **, tedy takové, které by si čtenář měl zkusit a pak ostatní doporučené příklady, řekněme bonusové. Autoři dohromady vyřešili 3458 úloh z těchto serverů, a tipy, jak je vyřešit, zveřejnili na <https://cpbook.net/methodstosolve>.

Řešené příklady, častokrát pro 4 programovací jazyky, lze nalézt na GitHubu jednoho z autorů (<https://github.com/stevenhalim/cpbook-code>), jazyky jsou C++, Python, Java a OCaml. Co mě tolik nepřekvapilo je, že na soutěžích ubývá příkladů s velkými čísly.

Podpůrné stránky knih jsou <https://cpbook.net> a na vizualizaci algoritmů připravili server <https://visualgo.net>.

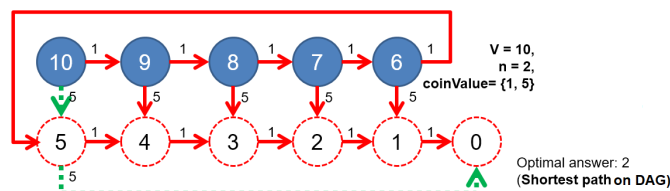
Velmi stručně představím jednotlivé kapitoly.

Kapitola 1: Introduction. Obsahuje tipy a základní praktiky soutěžního programování, které se liší od běžného programování, např. načtení všech STL knihoven C++ místo vybraných (`bits/stdc++.h`), užívání zkratk a konstant a též `using namespace std`;

Kapitola 2: Data Structures and Libraries. Kapitola představuje lineární a nelineární datové struktury. Velká část kapitoly se věnuje binárním rozhodovacím stromům – Self-balancing Binary Search Tree (AVL, RB). U C++ se zde poprvé setkáváme s načtením struktur mimo základní STL (`bits/extc++.h`). Co mě trochu zaskočilo, že podrobně komentují vlastní datové struktury v tak brzké fázi knihy.

Kapitola 3: Problem Solving Paradigms. Tato kapitola uvádí základní strategie řešení úloh: Complete Search, Divide and Conquer, Greedy Approach a Dynamic Programming.

Kapitola 4: Graph. Kapitola je úvod do teorie grafů, byť tedy rozsáhlá. Zaujalo mě užití upravené verze Dijkstrova algoritmu a převedení úlohy mincí (Coin-Change) na hledání nejkratších cest v orientovaném acyklickém grafu (zkr. DAG), viz str. 253 a 254. Zde je grafická ukázka.



V poznámce pod čarou je odkaz na článek jednoho z autorů, kde pracoval s velkými grafy se 411 milióny vrcholů a 31 miliardami hran.

Kapitola 5: Mathematics. Tato kapitola se hlouběji zabývá úlohami matematiky (teorie čísel, práce s maticemi), kombinatoriky a pravděpodobnosti. Jsou zde zmíněné odkazy na <https://projecteuler.net> a <https://brilliant.org>, které obsahují nespočet úloh se zaměřením na matematiku. Speciálně na první projekt je stále častěji odkazováno v souvislosti se zajímavými úlohami.

Kapitola 6: String Processing. Práce s textovými řetězci je náplní této kapitoly. Na str. 364 zmiňují algoritmy, které v knize nemají, ale považují je za důležité.

Kapitola 7: (Computational) Geometry. Kapitola se zaměřuje na geometrii 0D až 3D, s tím, že pro 3D je úloh nejméně, jak na soutěžích nebývají typické. Autoři zmiňují, že adaptovali algoritmy ze serveru <https://shygy.py.com/tools/>.

Kapitola 8: *More Advanced Topics*. Kapitola zmiňuje těžké úlohy dynamického programování, průtoky sítí, ale také úlohy kategorie NP-úplné. Poslední podkapitola se věnuje rozložení těžkých úloh na menší, z pohledu algoritmů na samostatně řešitelné.

Kapitola 9: *Rare Topics*. Vůči dřívějším vydáním této knihy zbrusu nová kapitola. Zmiňuje atypické a speciální úlohy. Došlo i na Billa Gatese, neb jeho jediný odborný článek spadá k úloze Pancake Sorting, viz str. 551–553. Zaujala mě kapitola 9.30, tedy konstrukční úlohy: vytvoření magického čtverce pro velké n , podobně jako úloha rozmístění N královen na šachovnici. Za zvláštní pozornost stojí úlohy interaktivní s elektronickým systémem (kapitola 9.31), setkal jsem se s tím u úloh na bioinformatických soutěžích.

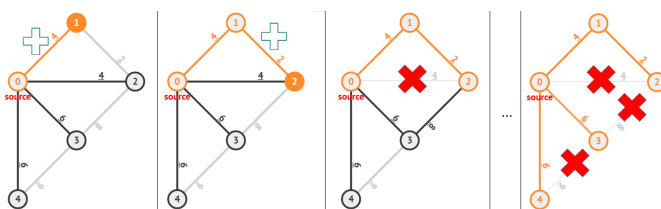
Za velmi důležitou kapitolu považuji na str. 590 tu poslední (9.34 Chapter Notes), tedy co autoři chtěli v knize mít, ale nestihli to. To lze považovat za inspiraci k dalšímu studiu nad rámec této knihy.

Ze zajímavých knižních projektů, vhodné jako studijní pokračování pro adepty soutěžního programování, bych rád zmínil:

- Antti Laaksonen: *Guide to Competitive Programming*, Springer, 2017. Web: <https://cses.fi/problemset/>.
- Jörg Arndt: *Matters Computational. Ideas, Algorithms, Source Code* (alias fxtbook), 2010. Web: <https://www.jjj.de/fxt>.
- Joseph O'Rourke: *Computational Geometry in C*, Cambridge University Press, 2nd edition, 1998. Web: <https://www.science.smith.edu/~jorourke>.

Každá z knih obsahuje seznam zdrojů, rejstřík i medailónky tvůrců algoritmů. Je vysázena v $\text{\TeX}$. Kniha se nedá číst jako román, ale neměla by chybět v (e-)knihovničce programátora jako užitečná referenční příručka.

Našince určitě potěší zmínění Vojtěcha Jarníka (byť tedy „ě“ je špatně vysázené jako „é“) v první knize na str. 217 a 222, a na Michala Foriška, viz zdroje [16] a [17] na str. 274 první knihy a [15] na str. 591 druhé knihy. Václav Chvátal nesměl chybět, viz druhá kniha, str. 282, Art Gallery Problem. Kdysi jsem mu psal email kolem jeho příručky k $\text{\LaTeX}$, krásná vzpomínka. Na počest Vojtěcha Jarníka zmiňuji ukázkou animace ze str. 218 první knihy.



ZPRÁVA O KONFERENCI OSSCONF 2024 REPORT ON THE OSSCONF 2024 CONFERENCE

Jiří Rybička

E-mail: rybicka@mendelu.cz

OSSConf 2024

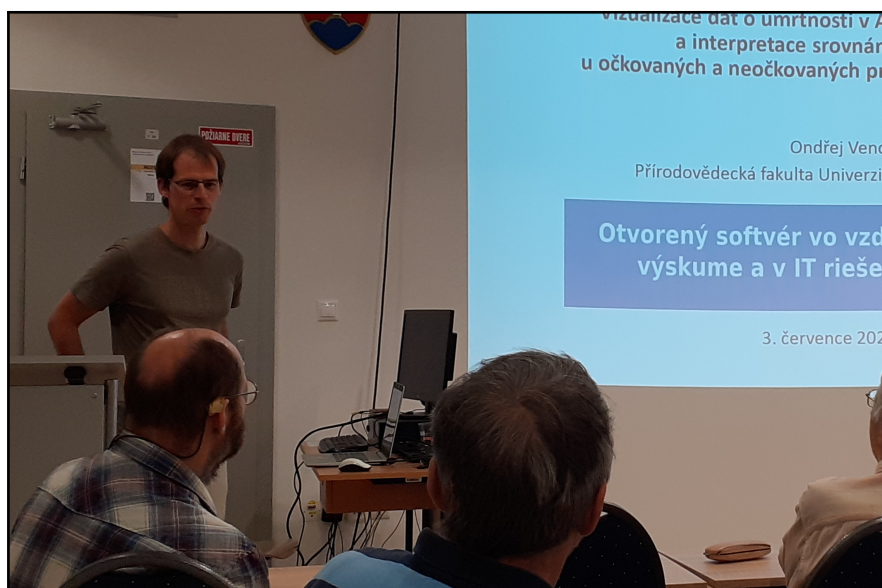
S radostí a určitým očekáváním jsem přijel do Žiliny, abych se účastnil 12. ročníku konference *Otvorený softvér vo výuke, výskumu a IT riešeniach*. Tentokrát jsme se scházeli po pětileté přestávce způsobené různými okolnostmi, o to raději jsem se potkal se „starými známými“ i novými tvářemi.

Podobně jako v minulých letech se organizátoři snažili, aby konference byla přístupná všem – bez vložného, s minimálními náklady na sborník a ostatní výdaje. O to srdečnější a „domáctější“ je atmosféra konference.

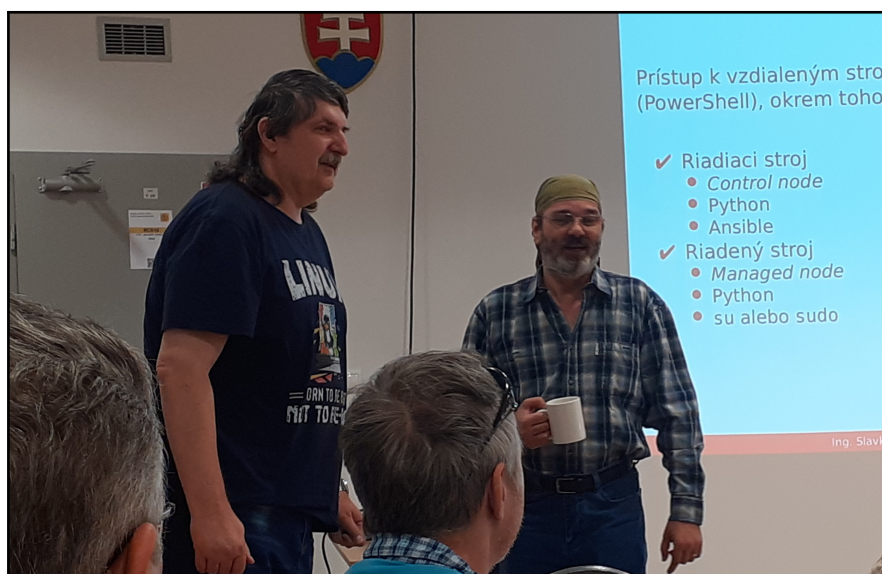
Zvané přednášky byly tři a všechny zaujaly přítomné posluchače. První na řadě byla *Sudoku s překryvy* (Pavel Stríž), druhá pak *Vizualizace dat o úmrtnosti v Anglii pomocí softwaru R a interpretace srovnání měř úmrtnosti u očkovaných a neočkovaných proti onemocnění COVID-19* (Ondřej Vencálek) a v posledním dnu pak třetí – *Ansible: Automatizácia správy systémov a softvéru* (Slavko Fedorik).



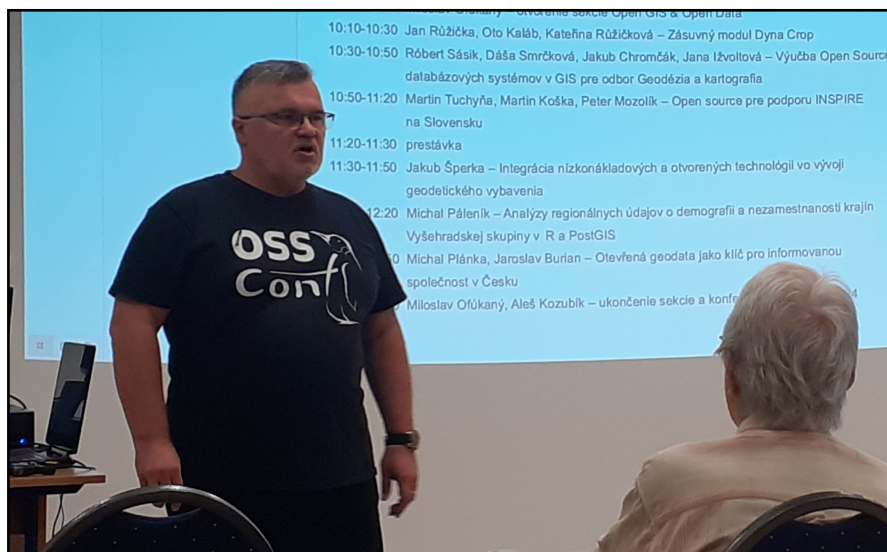
Aleš Kozubík uvádí zvanou přednášku Pavla Stríže



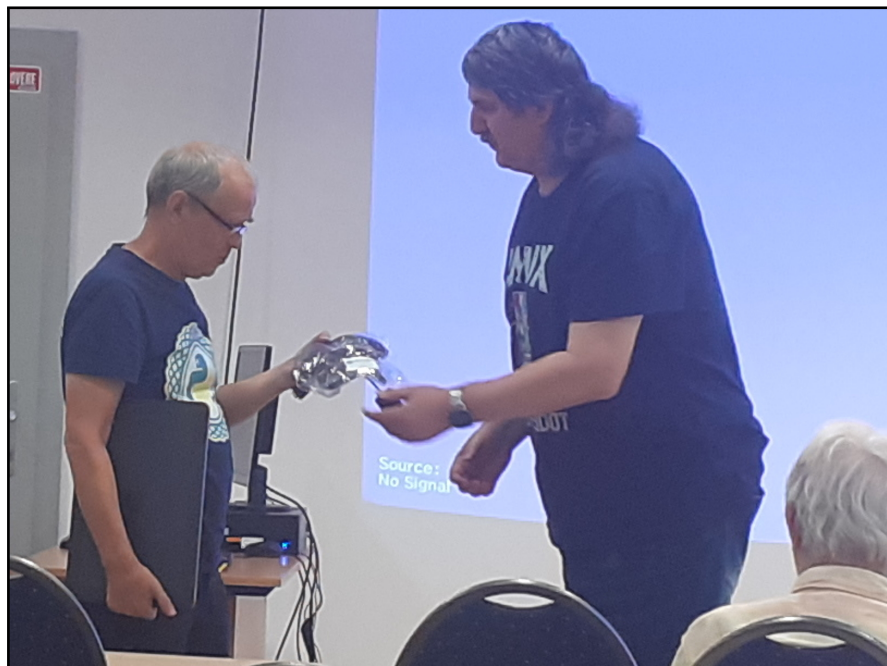
Zvaná přednáška Ondřeje Vencálka



Zvaná přednáška Slavka Fedorika



Miloslav Ofúkaný uvádí sekci Open GIS/Open Data



Aleš Kozubík odměňuje symbolickým dárkem Michala Kaučiče

Již tradičně byly příspěvky rozděleny do několika sekcí – původní sekce „ $\text{\TeX}$ a priatelia“ byla rozšířena na „ $\text{\TeX}$, R a ich priatelia“, v níž dominoval neúnavný přispěvatel a organizátor Pavel Stríž. Významnou se stala sekce věnující se IoT a otevřenému hardwaru a taktéž tradičně jsme měli možnost naslouchat zajímavým příspěvkům sekce zabývající se Open GIS a Open Data. Doprovodnou akcí byl workshop *Missing Maps mapathon Žilina #14*.

Přínosným byl také paralelní workshop *Znázornenie a interpretácia dát v marimo notebooku* s charismatickým Michalem Kaučičem (předchozí hlavní organizátor).

Příspěvky nezařazené do těchto témat pak tvořily vhodnou výplň, v níž se začíná profilovat všudypřítomná umělá inteligence. V diskusi jsme se pokoušeli alespoň částečně v tomto objemném tématu vymezit, jak AI ovlivňuje výuku, softwarová řešení a další aspekty pedagogické a vědecké práce.

Účastníci měli možnost se potkat na neformálním posezení u výborného guláše a pěnivého moku, ale nejen tam si mohli vyměnit spoustu zajímavých informací, zkušeností a námětů.

Velký dík patří organizátorům celé akce – Aleši Kozubíkovi, Pavlu Strížovi, Rudolfu Blaškovi, Miloslavu Ofúkanému i všem dalším, kteří přispěli ke zdárnému průběhu celé akce. Věříme, že příští OSSConf se podaří zorganizovat podobně, přestože v realizačním týmu dojde ke změně – hlavní organizátor Aleš Kozubík symbolicky předal žezlo Miroslavu Kvaššayovi.

Jiří Rybička